

SUITES NUMÉRIQUES

SUITES ARITHMÉTIQUES - SUITES GÉOMÉTRIQUES

I Rappels: Différentes façons de définir une suite

1^{er} Suites explicites définies par la donnée du terme général

Une suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est définie de façon explicite lorsqu'on donne l'expression de u_n en fonction de n , c'est à dire la fonction qui permet de calculer directement n'importe quel terme de la suite de rang n choisi (le rang est la valeur de n).

L'expression de u_n en fonction de n s'appelle le terme général de la suite (u_n) .

Exemple: $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est définie par :

Pour tout $n \in \mathbb{N}$ $u_n = 3n^2 - n - 2$ TERME GÉNÉRAL

Calculons quelques termes de la suite

$u_0 = 3 \times 0^2 - 0 - 2 = -2$ terme de rang 0 ($n=0$)

$u_1 = 3 \times 1^2 - 1 - 2 = 0$ terme de rang 1 ($n=1$)

$u_{10} = 3 \times 10^2 - 10 - 2 = 288$ terme de rang 10 ($n=10$)

Avantage: Le terme général offre un accès direct à chacun des termes de la suite.

Il permet de calculer n'importe quel terme de la suite en faisant un simple calcul d'image grâce à la formule

201 Suites récurrentes définies par une formule de récurrence

Une suite est définie par récurrence lorsqu'on donne l'expression de u_{n+1} en fonction de u_n

L'expression de u_{n+1} en fonction de u_n est une formule de récurrence qui permet de calculer un terme de la suite en fonction du précédent.

Exemple: $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ \text{Pour tout entier } n \in \mathbb{N} \quad u_{n+1} = 2u_n + 1 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{Formule de} \\ \text{récurrence} \end{array}$$

o Lecture de la formule de récurrence

La suite (u_n) peut se représenter de la façon suivante :

$$u_0, u_1, u_2, u_3, \dots, u_{n-1}, u_n, u_{n+1}, u_{n+2}, \dots$$

Pour lire la formule, on regarde le positionnement des termes les uns par rapport aux autres

Ainsi, la formule $u_{n+1} = 2u_n + 1$ se lit :

Pour calculer un terme de la suite, on multiplie le précédent par 2 et on ajoute 1

$$u_0 = 1$$

$$u_1 = 2u_0 + 1 = 2 \times 1 + 1 = 3$$

$$u_2 = 2u_1 + 1 = 2 \times 3 + 1 = 7$$

$$u_3 = 2u_2 + 1 = 2 \times 7 + 1 = 15$$

Attention on ne peut pas calculer directement u_{10} : il faudrait avoir calculé précédemment u_9

Inconvénient : On n'a pas d'accès direct aux termes de la suite, il faut les calculer de proche en proche.

Remarque : Une suite peut aussi être définie par énumération

↳ voir cours de Jéré